



Univerzitet u Beogradu – Građevinski fakultet
www.grf.bg.ac.rs

Studijski program: **GRAĐEVINARSTVO**

Modul: **KONSTRUKCIJE**

Godina/Semestar: **3 godina / 5 semestar**

Naziv predmeta (šifra): **TEORIJA BETONSKIH KONSTRUKCIJA 1
(B2K3B1)**

Nastavnik: **Prof.dr Snežana Marinković**

Naslov predavanja: **MATERIJALI**

Datum : 06.10.2021.

Beograd, 2021.

Sva autorska prava autora prezentacije i/ili video snimaka su zaštićena. Snimak ili prezentacija se mogu koristiti samo za nastavu na daljinu studenta Građevinskog fakulteta Univerziteta u Beogradu u školskoj 2021/2022 i ne mogu se koristiti za druge svrhe bez pismene saglasnosti autora materijala.

Beton

Prema zapreminskoj masi, betoni se dele na:

- betone normalne težine, sa zapreminskom masom od 2000-2600 kg/m³;
- lake betone, sa zapreminskom masom manjom od 2000 kg/m³;
- teške betone, sa zapreminskom masom većom od 2600 kg/m³.

Za *konvencionalne betone normalne težine* se u proračunu može usvojiti da je zapreminska masa jednaka 2400 kg/m³ za nearmirani beton, odnosno 2500 kg/m³ za armirani beton.

Beton

Mehaničke karakteristike betona su:

- čvrstoće, određuju otpornost prema spoljašnjim silama,
- deformacijske karakteristike, određuju promene dimenzija i oblika elemenata usled dejstva spoljašnjih sila, temperature i skupljanja.

Beton je *viskoelastoplastičan materijal* i sve njegove mehaničke karakteristike bitno zavise od trajanja delovanja spoljašnjih uticaja, odnosno od *starosti betona*, pod kojom se podrazumeva vreme koje protekne od trenutka ugrađivanja betona.

Fizičke osobine, koje određuju otpornost betona prema uticajima sredine, su:

- propustljivost za vodu i gasove,
- difuzija vode i gasova,
- kapilarno upijanje.



Čvrstoće betona

Čvrstoća betona pri pritisku f_c

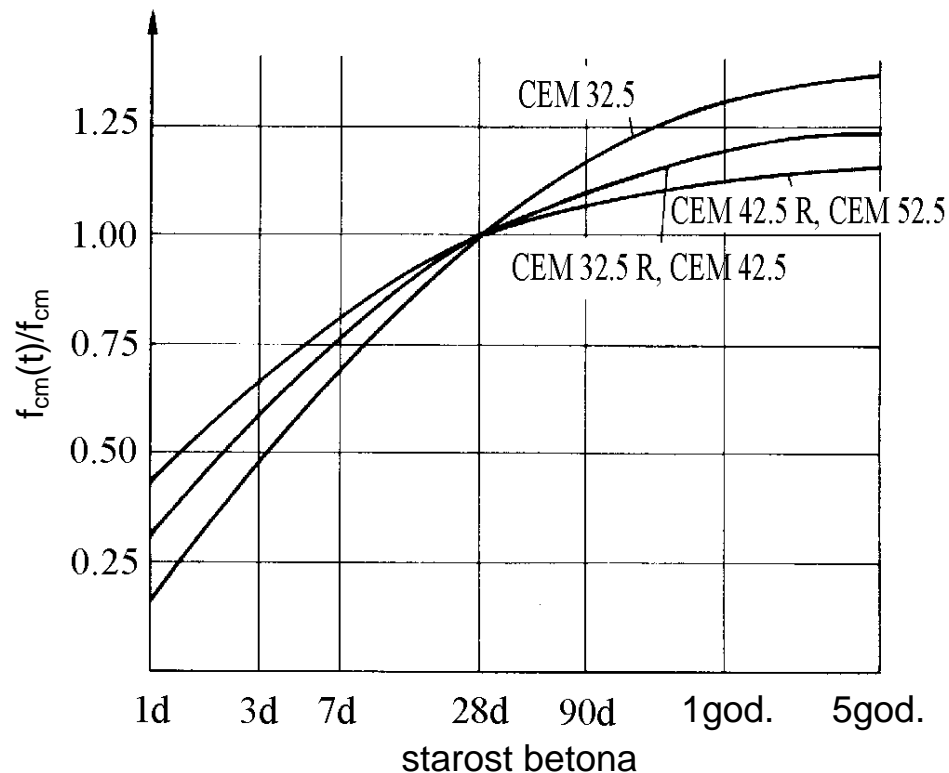
Osnovna mehanička karakteristika betona koja zavisi od niza faktora, a najviše od sastava betona, vrste i količine cementa, kvaliteta ugrađivanja, oblika, dimenzija i starosti posmatranog uzorka.

Određuje se ispitivanjem probnih tela jednoaksijalnim pritiskom do loma.

Klasa betona (C) se definiše na osnovu čvrstoće betona pri pritisku f_c koja se određuje na probnim telima propisanog oblika i dimenzija, negovanih na propisan način i u propisanoj starosti. To je donja karakteristična vrednost sa propisanim fraktilom. Zavisi od standarda.

Čvrstoće betona

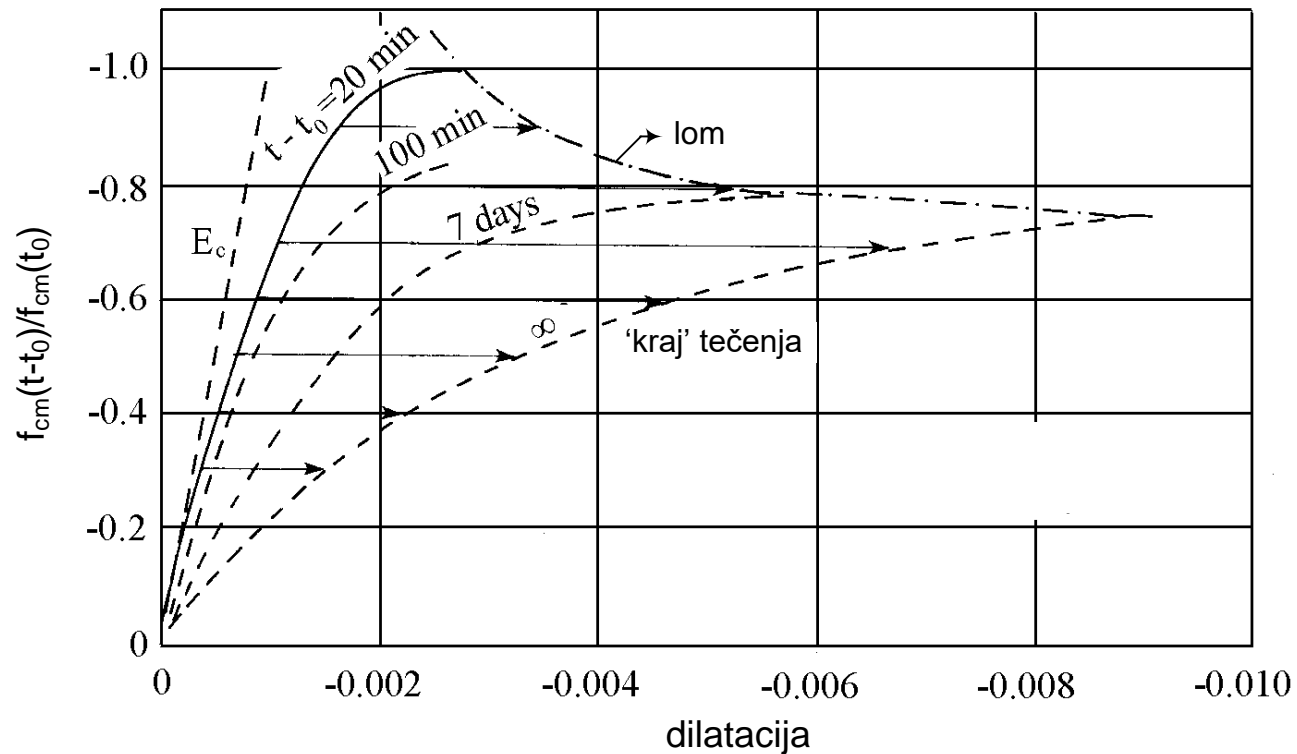
Čvrstoća betona pri pritisku raste sa starošću betona.



Razvoj čvrstoće betona pri pritisku kroz vreme

Čvrstoće betona

Čvrstoća betona pri pritisku zavisi od brzine nanošenja opterećenja.



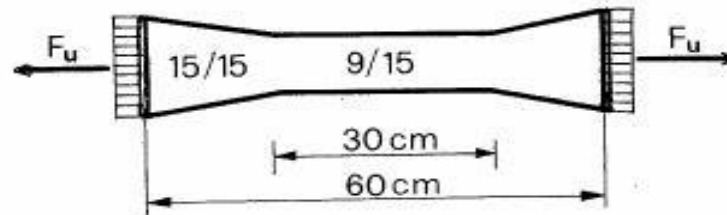
Čvrstoće betona

Čvrstoća betona pri zatezanju f_{ct}

Čvrstoća betona pri zatezanju f_{ct} je znatno manja od odgovarajuće čvrstoće pri pritisku i kreće se u granicama:

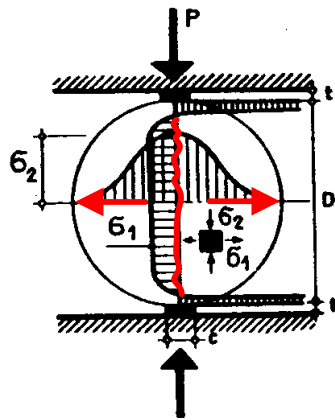
$$f_{ct} \approx (0.05 - 0.10) f_c$$

(1) Čvrstoća betona pri aksijalnom zatezanju f_{ct} odgovara najvećem naponu dostignutom pri aksijalnom zatezanju. Određuje se ispitivanjem betonskih probnih tela pri direktnom čistom zatezanju:



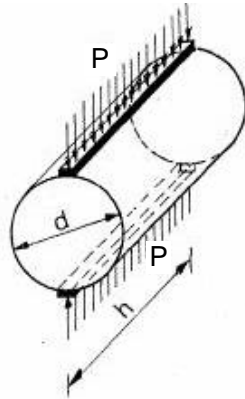
Čvrstoće betona

(2) Zbog jednostavnijeg eksperimenta, češće se koristi **Brazilski opit** – pritisak do loma na cilindrični uzorak po suprotnim izvodnicama (umesto cilindra, može se koristiti i kocka ili prizma, izložena linijskom pritisku po sredini naspramnih stranica) – ovako dobijena čvrstoća se naziva **čvrstoća betona pri zatezanju cepanjem** $f_{ct,sp}$.



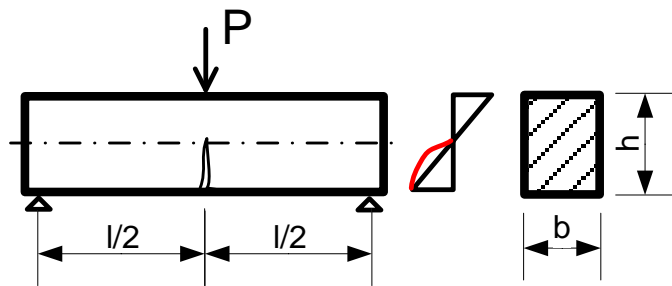
$$f_{ct,sp} = \frac{20}{\pi} \frac{P}{dh}$$

P (kN); d,h (cm)



Čvrstoće betona

(3) Čvrstoća betona pri zatezanju savijanjem $f_{ct,fl}$ se određuje na betonskim prizmama dimenzija poprečnog preseka 12x12x36 cm ili 20x20x60 cm, koje se izlažu savijanju koncentrisanom silom u sredini raspona.



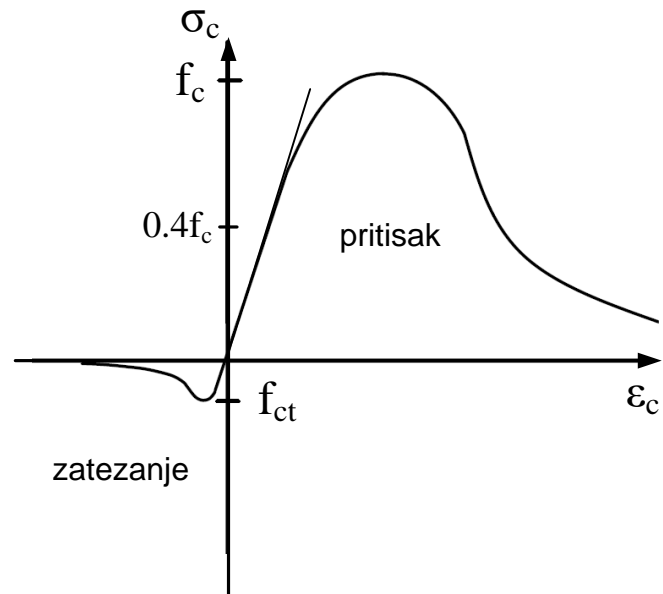
$$f_{ct,fl} = \frac{6M}{bh^2} = \frac{3Pl}{2bh^2}$$



Deformacijske karakteristike

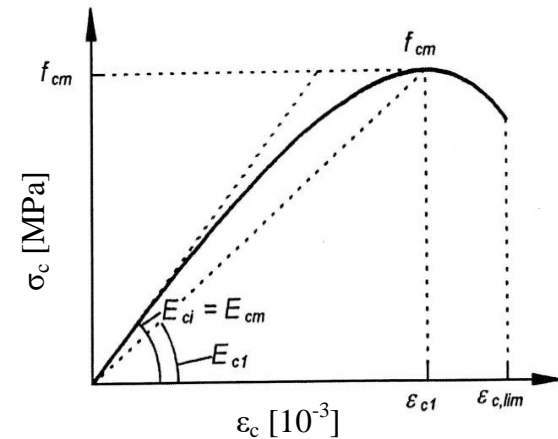
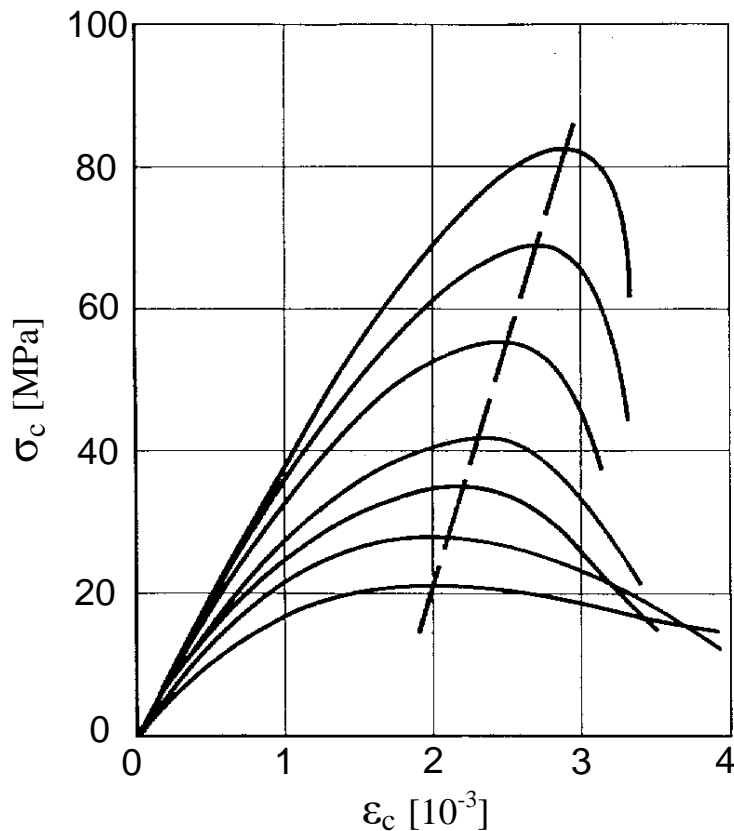
KRATKOTRAJNO OPTEREĆENJE

Veza između napona i dilatacija betona pri kratkotrajnom jednoaksijalnom pritisku i zatezanju $\sigma_c - \varepsilon_c$ dijagram :



Deformacijske karakteristike

$\sigma_c - \varepsilon_c$ dijagram zavisi od kvaliteta betona.



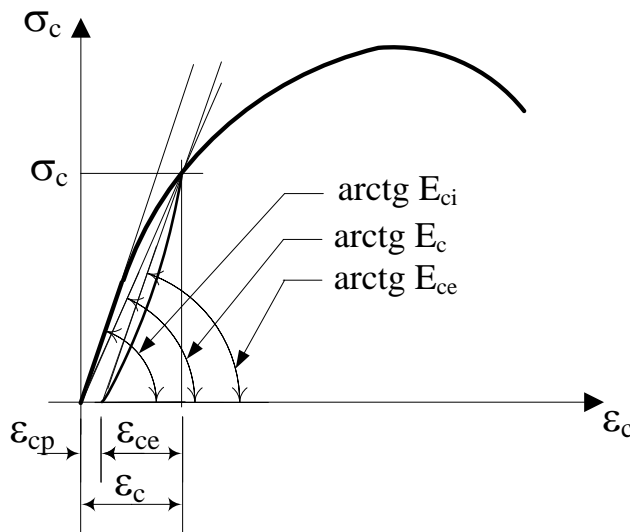
$$\varepsilon_c \leq \varepsilon_{c,lim}$$

$$\frac{\sigma_c}{f_{cm}} = \left(\frac{k\eta - \eta^2}{1 + (k-2)\eta} \right)$$

$$\eta = \frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{c1}} \quad k = \frac{E_{ci}}{E_{c1}}$$

Deformacijske karakteristike

Modul elastičnosti betona E_{ce} je odnos napona i elastične, povratne deformacije betona pri kratkotrajnom opterećenju i rasterećenju.



$$E_{ce} = \frac{\sigma_c}{\varepsilon_{ce}} \approx E_{ci}$$

Modul elastičnosti betona raste sa starošću betona.

Poisson-ov koeficijent ν_c betona se kreće u granicama od 0.14 do 0.26, za napone u oblasti $0.6f_c < \sigma_c < 0.8f_c$. Sa dovoljnom tačnošću se može usvojiti da je jednak 0.2 u svim slučajevima (MC 2010).

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Vremenske deformacije betona su skupljanje betona i tečenje betona.

Skupljanje betona je smanjenje dimenzija **neopterećenih** betonskih elemenata u toku procesa očvršćavanja. Do smanjivanja dimenzija dolazi pri očvršćavanju na vazduhu, dok se u vodi ili sredini zasićenoj vlagom zapremina elemenata ne menja pa čak može i da se poveća (bubrenje betona). Skupljanje je rezultat smanjenja zapremine koje nastaje usled promena u sadržaju slobodne, hemijski nevezane vode u mikro i makro porama u strukturi betona, odnosno promene vlažnosti cementnog tela u toku procesa hidratacije. Dilatacije skupljanja se u konstantnim uslovima sredine u toku vremena monotono povećavaju i smatra se da asimptotski teže konačnoj vrednosti ?

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Vremenski tok i konačne vrednosti skupljanja zavise od uslova sredine odnosno relativne vlažnosti i temperature, od dimenzija poprečnog preseka elementa, vrste cementa, vodocementnog faktora, granulometrijskog sastava betona, načina ugrađivanja, trajanja negovanja i od starosti betona u trenutku početka sušenja.

Skupljanje je proces koji se odvija bez spoljašnjeg opterećenja. Međutim, usled nehomogenosti strukture samog betona, skupljanje ne može potpuno slobodno da se obavlja već je unutar betona neravnomerno, što dovodi do pojave unutrašnjih napona. U AB elementima se javljaju **naponi zatezanja** usled toga što je slobodna deformacija usled skupljanja uvek sprečena, zbog prisustva armature (čelik se ne skuplja) i drugih veza na osloncima i na konturi elemenata.

Deformacijske karakteristike



Deformacijske karakteristike



Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Tečenje betona je pojava da se u toku vremena, pri dugotrajnom dejstvu opterećenja, povećavaju inicijalne deformacije betona koje nastaju u trenutku opterećenja. U toku vremena dilatacija tečenja monotono raste, u početku brže a zatim sve sporije, i smatra se da asimptotski teže nekoj konačnoj vrednosti ?

Dilatacije tečenja zavise od **napona**. Sve do napona u betonu jednakog $(0.3-0.4)f_c$, a to praktično odgovara najvećim naponima pri eksploatacionom opterećenju, dilatacije tečenja su dovoljno tačno proporcionalne naponima.

Deformacijske karakteristike

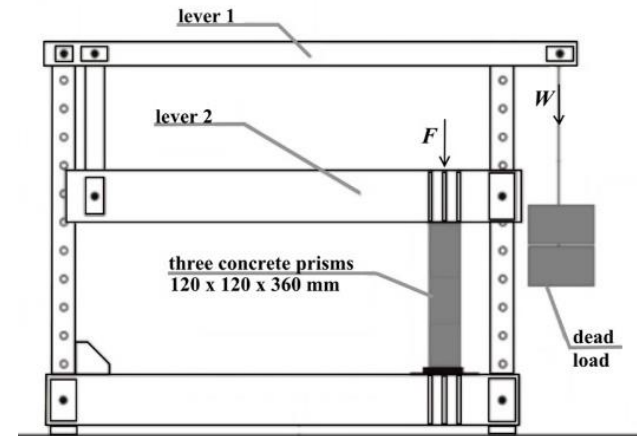
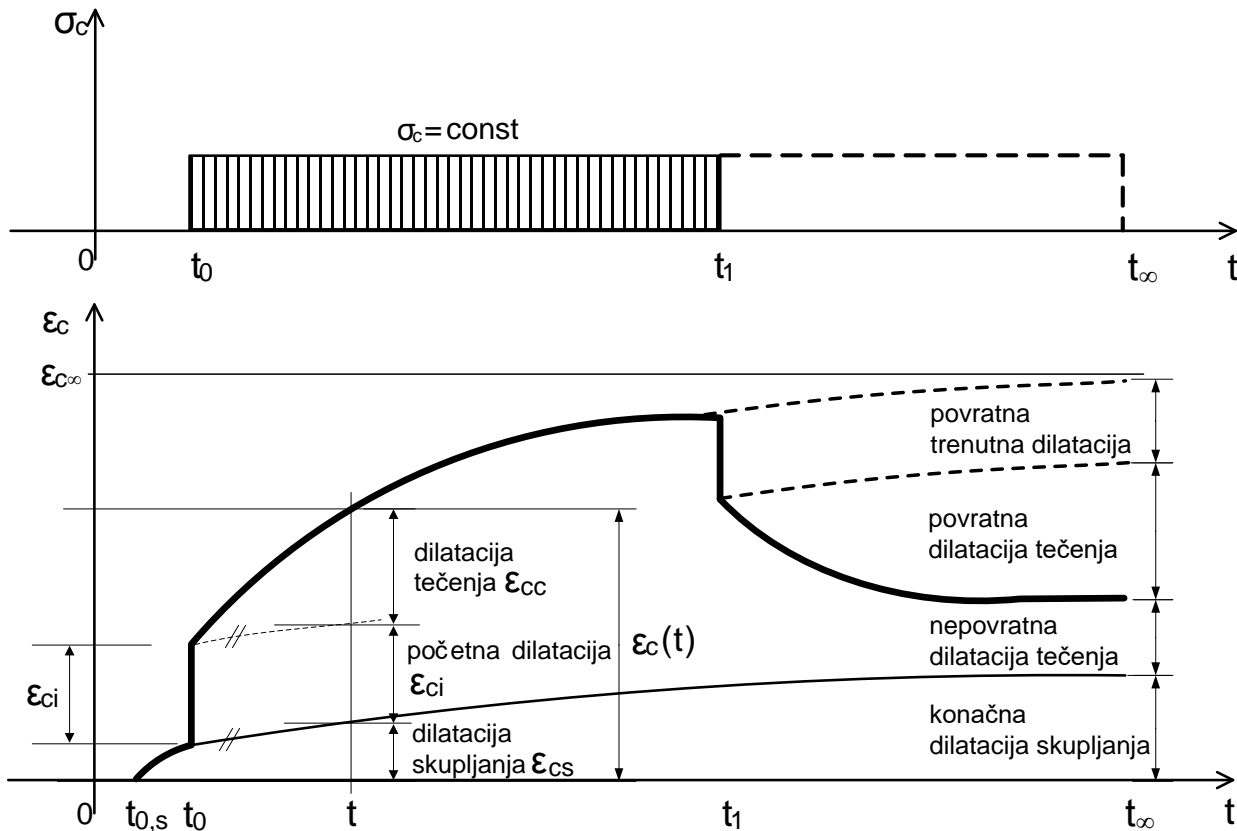
DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Na krajnju vrednost i vremenski tok dilatacija tečenja bitno utiče starost betona u trenutku opterećenja. Sposobnost tečenja i veličina dilatacije tečenja se sa starošću betona osetno smanjuju, ali i veoma stari betoni to svojstvo zadržavaju.

Osim napona i starosti, vremenski tok i konačne vrednosti dilatacije tečenja zavise uglavnom na isti način i od istih faktora koji određuju dilatacije skupljanja betona. Iako je tečenje vezano za naponsko stanje a za skupljanje betona se smatra da je nezavisno od opterećenja, oba ova svojstva su rezultat **termohigrometrijskih promena** i produžavanja hidratacionih procesa u opterećenom ili neopterećenom betonskom elementu, pa se samo konvencionalno mogu posmatrati kao dva nezavisna vida jednog suštinski istog fizičkog fenomena.

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE



Viskoelastoplastičan materijal sa izraženom osobinom starenja

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Skupljanje i tečenje betona imaju veliki uticaj na stvarno ponašanje AB elemenata i konstrukcija u toku vremena pri dugotrajnim dejstvima. Kako deformacije betona zavisne od vremena mogu biti **dva do tri** pa i **više puta** veće od početnih, trenutnih deformacija, uticaji skupljanja i tečenja se moraju uzeti u obzir pri proračunu AB konstrukcija u oblasti eksploatacionih stanja, kada su inicijalna stanja napona i dilatacija u domenu elastičnosti, pa su početne, a i odgovarajuće vikoelastoplastične deformacije, po pravilu male.

Uticaj skupljanja i tečenja na ponašanje AB konstrukcija u oblasti graničnih stanja nosivosti je znatno manji, jer su tada dilatacije u spregnutom preseku mnogo veće, odnosno u postelastičnom domenu, osim u slučajevima kada se efekti drugog reda ne mogu zanemariti (na primer, stabilnost vitkih elemenata).

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Ukupna dilatacija u trenutku vremena (starosti) t , $\varepsilon_c(t)$, betonskog elementa izloženog jednoaksijalnom konstantnom naponu $\sigma_c(t_0)$ u trenutku vremena t_0 se može izraziti:

$$\varepsilon_c(t) = \varepsilon_{ci}(t_0) + \varepsilon_{cc}(t) + \varepsilon_{cs}(t) + \varepsilon_{cT}(t)$$

$$\varepsilon_c(t) = \varepsilon_{c\sigma}(t) + \varepsilon_{cn}(t)$$

- $\varepsilon_{ci}(t_0)$ početna dilatacija u trenutku opterećenja
- $\varepsilon_{cc}(t)$ dilatacija tečenja u trenutku vremena t
- $\varepsilon_{cs}(t)$ dilatacija skupljanja u trenutku vremena t
- $\varepsilon_{cT}(t)$ dilatacija usled promene temperature u trenutku vremena t
- $\varepsilon_{c\sigma}(t)$ dilatacija koja zavisi od opterećenja: $\varepsilon_{c\sigma}(t) = \varepsilon_{ci}(t_0) + \varepsilon_{cc}(t)$
- $\varepsilon_{cn}(t)$ dilatacija koja ne zavisi od opterećenja: $\varepsilon_{cn}(t) = \varepsilon_{cs}(t) + \varepsilon_{cT}(t)$

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Početna dilatacija betona:

$$\varepsilon_{ci}(t_0) = \sigma_c(t_0) / E_{ci}(t_0)$$

$E_{ci}(t_0)$ modul elastičnosti betona u starosti betona t_0

Dilatacija tečenja betona (linearno tečenje, $\sigma_c \leq 0.4f_{cm}(t_0)$) :

$$\varepsilon_{cc}(t, t_0) = \frac{\sigma_c(t_0)}{E_{ci}} \varphi(t, t_0)$$

$\varphi(t, t_0)$ koeficijent tečenja

E_{ci} modul elastičnosti betona u starosti od 28 dana

Ukoliko je beton opterećen u starosti od 28 dana ($t_0=28$ dana), **koeficijent tečenja** predstavlja odnos između dilatacije tečenja i početne, trenutne dilatacije betona.

Deformacijske karakteristike

DUGOTRAJNO OPTEREĆENJE

Ukupna dilatacija betona koja zavisi od opterećenja u trenutku vremena t:

$$\varepsilon_{c\sigma} = \sigma_c(t_0) \left[\frac{1}{E_{ci}(t_0)} + \frac{\varphi(t, t_0)}{E_{ci}} \right] = \sigma_c(t_0) J(t, t_0)$$

$J(t, t_0)$ funkcija tečenja (creep compliance), odnosno ukupna dilatacija betona koja zavisi od opterećenja za jedinični napon

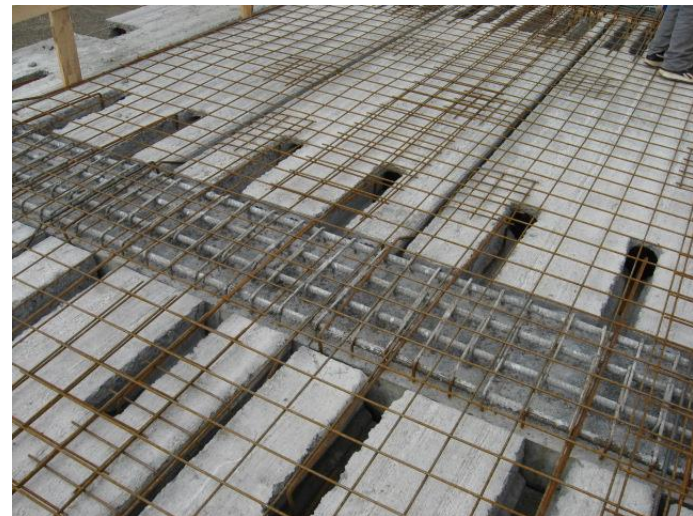
Odnosno, ukupna dilatacija betona u trenutku vremena t:

$$\varepsilon_c(t) = \varepsilon_{c\sigma}(t, t_0) + \varepsilon_{cn}(t)$$

Čelik

ČELIK ZA ARMIRANJE

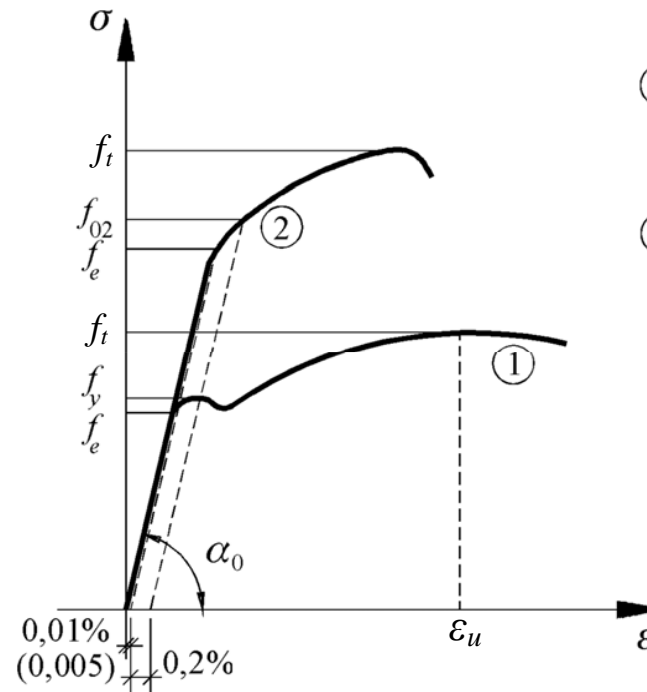
U AB konstrukcijama se koristi čelik u obliku šipki, žica i zavarenih mreža. Veličina se izražava nazivnim (nominalnim) prečnikom za šipke i žice, odnosno setom nominalnih prečnika za mreže, koje se dobijaju zavarivanjem šipki u dva ortogonalna pravca, na određenom razmaku. Površina šipki i žica može biti glatka (glatka armatura) ili orebrena (rebrasta armatura), ali se danas ne preporučuje upotreba glatke armature za konstrukcije, osim u okviru zavarenih mreža.



Čelik

ČELIK ZA ARMIRANJE

Mehaničke i deformacijske karakteristike čelika od interesa u proračunu betonskih konstrukcija su: čvrstoća pri zatezanju (f_t), granica razvlačenja (f_y), dilatacija pri maksimalnom naponu (čvrstoći na zatezanje) ϵ_u , modul elastičnosti E_s .



- ① Čelik sa izraženim plastičnim osobinama (duktilan)
- ② Visokovredni čelik bez jasno izražene granice razvlačenja

Čelik

ČELIK ZA ARMIRANJE

Za sve vrste čelika je karakteristično da se do izvesnog nivoa napona (granica elastičnosti f_e) ponašaju praktično linearno elastično. Za napone veće od granice elastičnosti, **toplo valjani čelici** teku - imaju izraženu granicu razvlačenja f_y , i veoma su duktilni, odnosno imaju veliku dilataciju pri maksimalnom naponu – **dijagram 1**. **Hladno obrađeni čelici** imaju veće čvrstoće pri zatezanju, manju duktilnost i nemaju izraženu granicu razvlačenja – **dijagram 2**. Kod ovih čelika se umesto granice razvlačenja konvencionalno usvaja takozvana tehnička granica razvlačenja $f_{0,2}$ – napon pri kome trajna, nepovratna dilatacija iznosi 0.2%. Kod svih čelika se, zbog teškoća oko određivanja granice elastičnosti, za ovu vrednost konvencionalno usvaja napon pri kome trajna, nepovratna dilatacija iznosi 0.01%.

Modul elastičnosti čelika za armirani beton iznosi $E_s=200-210$ GPa.

EC2 - beton

Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

EC2 se oslanja na standard **ENV 206** kada su u pitanju tehnološki aspekti betona kao i svi testovi za utvrđivanje karakteristika betona.

Betoni se razvrstavaju u **klase čvrstoće (C)** prema karakterističnoj čvrstoći pri pritisku f_{ck} , koja se određuje na probnom telu oblika cilindra, dimenzija 15x30 cm, u starosti od 28 dana (5% fraktil), ili prema ekvivalentnoj čvrstoći kocke $f_{ck,cube}$ dimenzija 15x15 cm.

$$f_{ck} \approx 0.8 f_{ck,cube}$$

Najveća klasa čvrstoće betona je **C 90/105**.

EC2 -beton

Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

Klase čvrstoće betona (C)																Analiitička relacija
1	f_{ck} (MPa)	12	16	20	25	30	35	40	45	50	55	60	70	80	90	
2	$f_{ck,cube}$ (MPa)	15	20	25	30	37	45	50	55	60	67	75	85	95	105	
3	f_{cm} (MPa)	20	24	28	33	38	43	48	53	58	63	68	78	88	98	$f_{cm}=f_{ck}+8(MPa)$
4	f_{ctm} (MPa)	1.6	1.9	2.2	2.6	2.9	3.2	3.5	3.8	4.1	4.2	4.4	4.6	4.8	5.0	$f_{ctm}=0.3f_{ck}^{2/3}, \leq C50/60$ $f_{ctm}=2.12\ln(1+f_{cm}/10)$ $> C50/60$
5	$f_{ctk,0.05}$ (MPa)	1.1	1.3	1.5	1.8	2.0	2.2	2.5	2.7	2.9	3.0	3.1	3.2	3.4	3.5	$f_{ctk,0.05}=0.7f_{ctm}$ 5% fraktil
6	$f_{ctk,0.95}$ (MPa)	2.0	2.5	2.9	3.3	3.8	4.2	4.6	4.9	5.3	5.5	5.7	6.0	6.3	6.6	$f_{ctk,0.95}=1.3f_{ctm}$ 95% fraktil
7	E_{cm} (GPa)	27	29	30	31	32	34	35	36	37	38	39	41	42	44	$E_{cm}=22 \cdot 10^3 (f_{cm}/10)^{0.3}$ $f_{cm} (MPa)$

EC2 - beton

Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

Razvoj čvrstoće betona pri pritisku kroz vreme prema izrazu datom u EC2.

Veza između čvrstoće betona pri zatezanju i pri pritisku prema izrazu u tabeli.

Veza između raznih čvrstoća betona pri zatezanju:

$$f_{ct} = 0.9 f_{ct,sp}$$
$$f_{ctm,fl} = \max \left\{ \left(1.6 - \frac{h}{100} \right) f_{ctm}; f_{ctm} \right\}$$

h

visina porečnog preseka elementa u mm;

f_{ctm}

srednja vrednost jednoaksijalne čvrstoće na zatezanje prema tabeli.

EC2 - beton

Čvrstoća na pritisak, čvrstoća na zatezanje i modul elastičnosti betona

EC2 definiše modul elastičnosti kao **sekantni modul između napona $\sigma_c=0$ i $\sigma_c=0.4f_{cm}$** . U tabeli su prikazane srednje vrednosti modula elastičnosti betona E_{cm} koje EC2 preporučuje za betone spravljene od agregata na bazi kvarca. *Za agregate na bazi krečnjaka ove vrednosti treba umanjiti za 10%, za agregate na bazi peščara za 30%, a za agregate na bazi bazalta povećati za 20%.*

Promena modula elastičnosti u toku vremena:

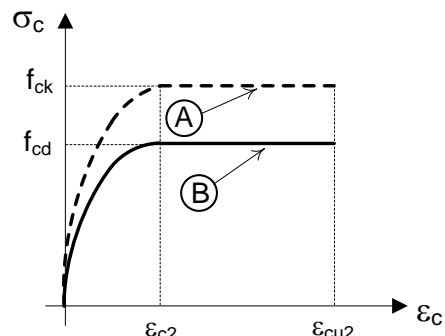
$$E_{cm}(t) = \left(\frac{f_{cm}(t)}{f_{cm}} \right)^{0.3} E_{cm}$$

gde su $E_{cm}(t)$ i $f_{cm}(t)$ vrednosti modula elastičnosti i čvrstoće betona pri pritisku u starosti betona t , a E_{cm} i f_{cm} iste vrednosti u starosti betona od 28 dana.

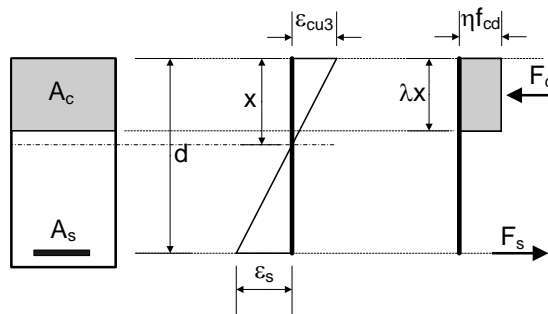
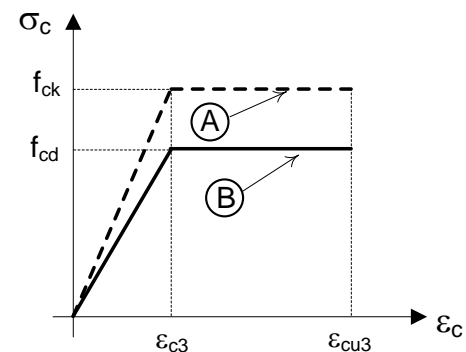
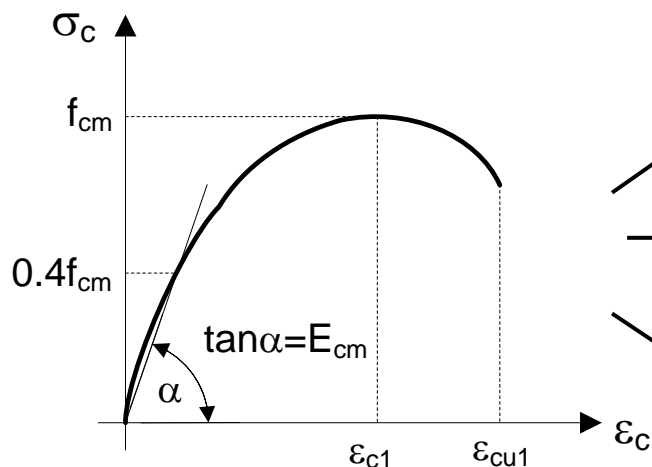
EC2 - beton

Dijagram napon - dilatacija

Za analizu poprečnih preseka mogu se koristiti:

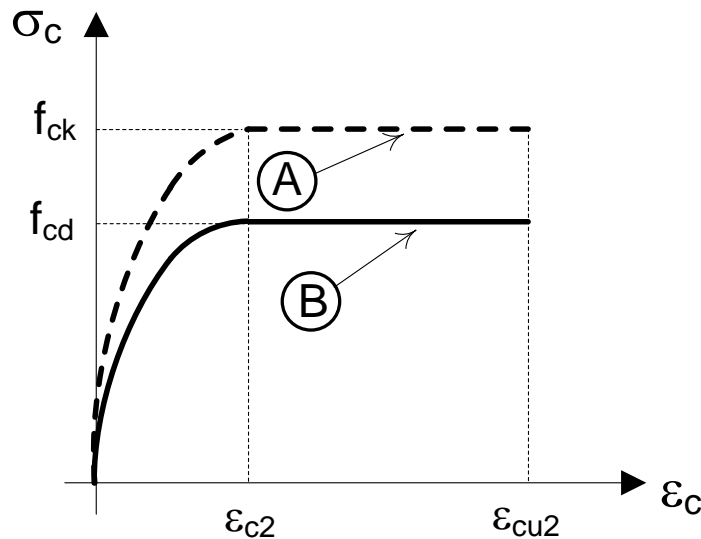


- (A) idealizovan dijagram
- (B) proračunski dijagram



EC2 - beton

DIJAGRAM NAPON - DILATACIJA



- (A) idealizovan dijagram
- (B) proračunski dijagram

(1) Veza parabola-prava

$$\sigma_c = f_{cd} \left[1 - \left(1 - \frac{\varepsilon_c}{\varepsilon_{c2}} \right)^n \right] \quad \text{za } 0 \leq \varepsilon_c \leq \varepsilon_{c2}$$

$$\sigma_c = f_{cd} \quad \text{za } \varepsilon_{c2} \leq \varepsilon_c \leq \varepsilon_{cu2}$$

f_{cd}
 α_{cc}

proračunska čvrstoća pri pritisku, $= \alpha_{cc} f_{ck} / \gamma_c$,
koeficijent kojim se uvodi uticaj dužine
trajanja opterećenja na čvrstoću, iznosi
0.85 prema Nacionalnom aneksu,

n
 ε_{c2}

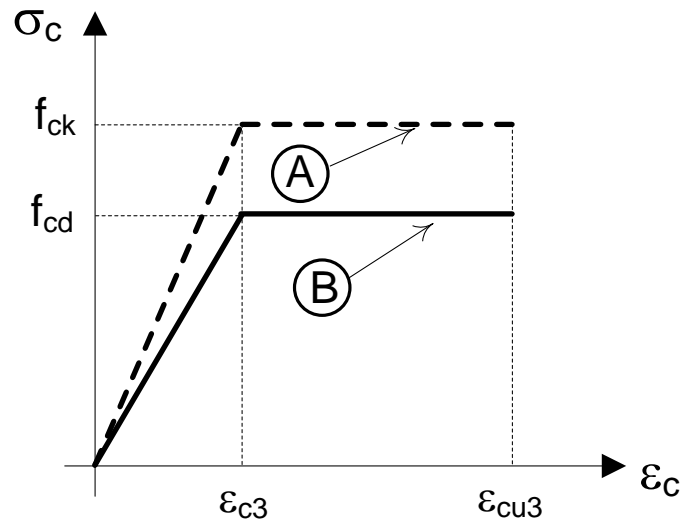
eksponent, prema tabeli,
dilatacija koja odgovara maksimalnom
naponu, prema tabeli,

ε_{cu2}

granična dilatacija, prema tabeli.

EC2 - beton

DIJAGRAM NAPON - DILATACIJA



- (A) idealizovan dijagram
- (B) proračunski dijagram

(2) Bilinearan dijagram

f_{cd} proračunska čvrstoća pri pritisku, $=\alpha_{cc}f_{ck}/\gamma_c$,
 α_{cc} koeficijent kojim se uvodi uticaj dužine
trajanja opterećenja na čvrstoću, iznosi
0.85 prema Nacionalnom aneksu,
 ϵ_{c3} dilatacija koja odgovara maksimalnom
naponu, prema tabeli,
 ϵ_{cu3} granična dilatacija, prema tabeli.

EC2 - beton

DIJAGRAM NAPON - DILATACIJA

(3) Idealizovan pravougaoni blok

Faktor λ koji definiše efektivnu visinu pritisnute zone:

$$\lambda = 0.8 \quad \text{za } f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}$$

$$\lambda = 0.8 - (f_{ck} - 50) / 400$$

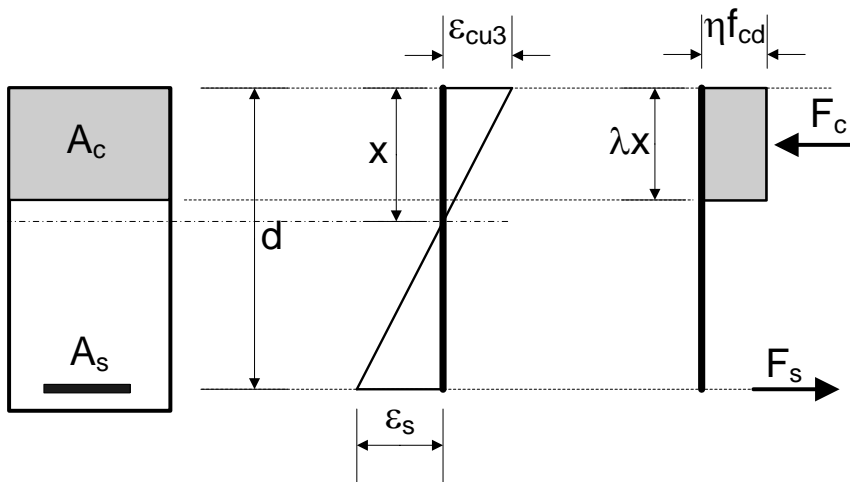
za $50 < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}$

Faktor η koji definiše efektivnu čvrstoću:

$$\eta = 1.0 \quad \text{za } f_{ck} \leq 50 \text{ MPa}$$

$$\eta = 1.0 - (f_{ck} - 50) / 200$$

za $50 < f_{ck} \leq 90 \text{ MPa}$



EC2 - beton

DIJAGRAM NAPON - DILATACIJA

Osnovne karakteristike σ - ϵ dijagrama betona prema EC2

Klase čvrstoće betona																Analitička relacija
1	f_{ck} (MPa)	12	16	20	25	30	35	40	45	50	55	60	70	80	90	
2	ϵ_{c1} (‰)	1.8	1.9	2.0	2.1	2.2	2.2	2.3	2.4	2.4	2.5	2.6	2.7	2.8	2.9	$\epsilon_{c1}(\text{‰})=0.7f_{cm}^{0.31}<2.8$
3	ϵ_{cu1} (‰)	3.5									3.2	3.0	2.8	2.8	2.8	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\epsilon_{cu1}(\text{‰})=2.8+27[(98-f_{cm})/100]^4$
4	ϵ_{c2} (‰)	2.0									2.2	2.3	2.4	2.5	2.6	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\epsilon_{c2}(\text{‰})=2.0+0.085(f_{ck}-50)^{0.53}$
5	ϵ_{cu2} (‰)	3.5									3.1	2.9	2.7	2.6	2.6	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\epsilon_{cu2}(\text{‰})=2.6+35[(90-f_{ck})/100]^4$
6	n	2.0									1.75	1.6	1.45	1.4	1.4	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\eta=1.4+23.4[(90-f_{ck})/100]^4$
7	ϵ_{c3} (‰)	1.75									1.8	1.9	2.0	2.2	2.3	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\epsilon_{c3}(\text{‰})=1.75+0.55[(f_{ck}-50)/40]$
8	ϵ_{cu3} (‰)	3.5									3.1	2.9	2.7	2.6	2.6	za $f_{ck} \geq 50$ MPa $\epsilon_{cu3}(\text{‰})=2.6+35[(90-f_{ck})/100]^4$

EC2 - čelik

ČELIK ZA ARMIRANI BETON

EC2 se oslanja na standard **EN10080** kada su u pitanju načini proizvodnje, klasifikacija proizvoda, metode testiranja itd. armature.

Odredbe EC2 se primenjuju samo na rebrastu armaturu i armaturu koja se može zavarivati, uključivo zavarene armaturene mreže i, prema Nacionalnom aneksu, za opseg granice razvlačenja $f_{yk}=400$ do 600 MPa.

Karakteristična vrednost granice razvlačenja f_{yk} ili $f_{0,2k}$ i karakteristična vrednost čvrstoće pri zatezanju f_{tk} , definisane su kao karakteristična vrednost sile na granici razvlačenja, odnosno kao karakteristična vrednost maksimalne sile pri direktnom aksijalnom zatezanju, podeljene sa nominalnom površinom poprečnog preseka.

EC2 - čelik

Ponašanje čelika za armaturu (šipke, ispravljene žice koje se isporučuju u koturovima, zavarene mreže) definišu sledeća svojstva:

- karakteristična vrednost granice razvlačenja f_{yk} ili $f_{0,2k}$
- maksimalna stvarna granica razvlačenja $f_{y,max}$
- čvrstoća pri zatezanju f_t
- karakteristike duktilnosti ε_{uk} i f_t/f_{yk}
- savitljivost (podobnost za savijanje), karakteristike prijanjanja
- čvrstoća na zamor
- zavarljivost
- dimenzije preseka i tolerancije.

EC2 - čelik

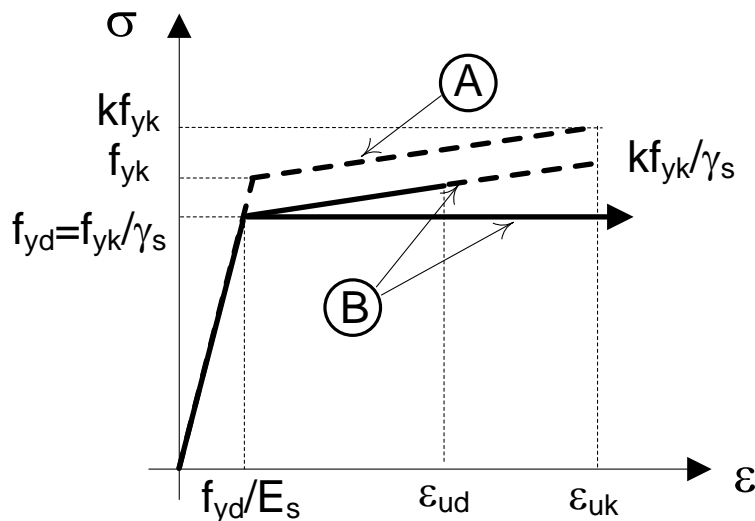
Armatura mora imati adekvatnu duktilnost definisanu odnosom čvrstoće pri zatezanju i granice razvlačenja, (f_{tk}/f_{yk}) i izduženjem koje odgovara maksimalnoj sili, ϵ_{uk} . Prema EC2 postoje 3 klase duktilnosti za koje su definisane napred navedene veličine:

Vrsta proizvoda	Šipke			Mreže			Fraktil(%)
Klasa	A	B	C	A	B	C	
$f_{y,k}$ ili $f_{0,2k}$ (MPa)	400 do 600			400 do 600			5
min $k=(f_t / f_y)_k$	≥ 1.05	≥ 1.08	≥ 1.15 < 1.35	≥ 1.05	≥ 1.08	≥ 1.15 < 1.35	10
ϵ_{uk} (%)	≥ 2.5	≥ 5.0	≥ 7.5	≥ 2.5	≥ 5.0	≥ 7.5	10

EC2 - čelik

DIJAGRAM NAPON - DILATACIJA

Za proračun se mogu koristiti dva idealizovana dijagrama napon-dilatacija:



$$k = (f_t / f_y)_k$$

- Ⓐ idealizovan dijagram
- Ⓑ proračunski dijagram

(1) Bilinearan dijagram sa kosom gornjom granom, sa ograničenom maksimalnom dilatacijom ϵ_{ud} i maksimalnim naponom $k f_{yk} / \gamma_s$.

(2) Bilinearan dijagram sa horizontalnom gornjom granom, sa neograničenom dilatacijom.

Za ϵ_{ud} se preporučuje vrednost $0.9 \epsilon_{uk}$ (ϵ_{uk} i k su date u prethodnoj tabeli u zavisnosti od klase duktilnosti).

Za proračunsku vrednost E_s može da se usvoji 200 GPa.

Zajednički rad betona i čelika

Armirani beton nastaje sprezanjem dva materijala veoma različitih mehaničkih karakteristika. Da bi beton i čelična armatura radili zajedno, odnosno primali napone u skladu sa svojim deformacijskim karakteristikama, neophodno je da dilatacija čelične armature bude jednaka dilataciji okolnog betona, $\varepsilon_c = \varepsilon_s$. Ovo se i ostvaruje u armiranom betonu zahvaljujući:

- **prianjanju** između betona i armature – (adhezija + trenje + mehaničko dejstvo klina);
- **sidrenju** šipki armature - na *krajevima* se ankeruju u okolni beton;
- **koeficijenti linearnog termičkog širenja** betona i čelika su približno isti na temperaturama do oko 80°C, pa se ostvarena adhezija ne narušava na temperaturama manjim od 80°C.

